

# بررسی روش‌های به‌کارگیری کلیتوگرافی

هادی سلیمانی<sup>۱\*</sup> و فرخ لقا معظمی<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> استادیار پژوهشکده فضای مجازی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران  
h\_soleimany@sbu.ac.ir

<sup>۲</sup> استادیار پژوهشکده فضای مجازی، دانشگاه شهید بهشتی، تهران، ایران  
f\_moazcmi@sbu.ac.ir

## چکیده

با توجه به پیشرفت‌های گسترده در حوزه فناوری اطلاعات و ارتباطات، صورت مسأله‌ها و چالش‌های جدیدی در حوزه امنیت افتنا مطرح شده است که جامعه علمی کشور را ملزم می‌کند تا با بررسی دقیق و موشکافانه ضمن فهم این موضوعات، تلاش کند با ارائه طرح‌های نوین به این نیازهای مهم و حیاتی پاسخ دهد. بر همین اساس هدف این مقاله، مطالعه و برجسته‌کردن یکی از این موضوعات اساسی است که طی چند سال اخیر در حوزه رمزنگاری کاربردی مطرح شده و کمتر در داخل کشور به آن پرداخته شده است. در این مقاله ما دسته‌ای خاص و کاربردی از روش‌های ایجاد درب‌های پستی در سامانه‌های رمزنگاری را که به کلیتوگرافی<sup>۱</sup> مشهور هستند، بررسی و ضمن مطالعه دقیق روش‌های کلیتوگرافی ارائه شده، کاربردهای احتمالی آنها را بررسی می‌کنیم. هدف از این مقاله روشن‌ساختن زوایای جدید کلیتوگرافی با بررسی مفاهیم نوین ارائه شده طی سالیان اخیر است.

واژگان کلیدی: کلیتوگرافی، درب پستی، رمزنگاری مخرب

## ۱- مقدمه

مجموع علمی کمتر مورد توجه بود تا اینکه در سال‌های اخیر و پس از افشاکری‌های ادوارد اسنودن<sup>۲</sup> مشخص شد که سرویس امنیت ملی آمریکا (NSA)<sup>۳</sup> از این روش به‌منظور شنود گسترده اطلاعات استفاده کرده است. برپایه یافته‌های اخیر علمی مولد شبه‌تصادفی Dual-EC که توسط مؤسسه ملی فناوری و استانداردهای آمریکا (NIST)<sup>۴</sup> به آن استاندارد پردازش اطلاعات فدرال (FIPS)<sup>۵</sup> اعطا شده بود، دارای درب پستی است<sup>۶</sup> [۲] [۳] [۴] [۵]. این مسأله سبب شد که طی سالیان گذشته بار دیگر بحث کلیتوگرافی و روش‌های مقابله با آن به یکی از موضوعات مورد توجه جامعه رمزنگاری تبدیل شود [۶] [۷] [۸].

کاربرد عملی کلیتوگرافی در حال حاضر شامل هدف‌گذاری سامانه‌های امنیتی کشورهای پیشرفته به‌منظور نظارت گسترده بر فعالیت‌های روزمره مردم در کشور مبدأ و یا کشورهای دیگر است [۱]. در این روش آژانس‌های امنیتی با ایجاد یک درب پستی مخفی ویژه در یک الگوریتم رمزنگاری تلاش می‌کنند که به اطلاعات رمز شده دست پیدا کنند. در کلیتوگرافی موضوع اساسی این است که چگونه این درب‌های پستی طراحی شوند که نخست قابل کشف نباشند و دوم این‌که در صورت کشف درب پستی توسط شخص سوم، امکان استفاده از آن برای دیگران وجود نداشته باشد. این مبحث در

<sup>۱</sup> Kleptography

<sup>۲</sup> Edward Snowden

<sup>۳</sup> National Security Agency

<sup>۴</sup> National Institute of Standards and Technology

<sup>۵</sup> Federal Information Processing Standards

<sup>۶</sup> لازم به ذکر است که استاندارد FIPS بسیار معتبر بوده و توسط همه مؤسسات غیرنظامی و پیمانکاران دولتی مورد استفاده واقع می‌شود. این استاندارد همچنین توسط مؤسسه استانداردهای ملی آمریکا (ANSI)، مؤسسه مهندسان برق و الکترونیک (IEEE) و سازمان بین‌المللی استانداردسازی (ISO) به‌عنوان یک مرجع مورد استفاده قرار می‌گیرد.

ما در این مقاله ابتدا مروری خواهیم داشت بر روش‌هایی که تاکنون به منظور کسب اطلاعات محرمانه کاربران مورد استفاده قرار گرفته شده است؛ سپس در بخش دوم کلیتوگرافی را تعریف می‌کنیم. پس از آن روش‌های مختلف ارائه شده را به صورت مصداقی بررسی خواهیم کرد. در نهایت در بخش چهارم جمع‌بندی خود را ارائه می‌کنیم.

## ۲- رمزنگاری مخرب

رمزنگاری به عنوان پایه و اساس تأمین امنیت فضای تبادل اطلاعات و ارتباطات همواره مورد توجه نهادهای امنیتی کشورهای پیشرفته به منظور به کنترل درآوردن اطلاعات کشورهای دیگر بوده است. بر همین اساس آژانس‌های امنیتی کشورهای پیشرفته با توجه به مقتضیات زمان و زمینه‌های فناوری راه کارهای متفاوتی را به منظور ورود به حریم خصوصی افراد و دسترسی به اطلاعات حساس دیگران در پیش گرفته‌اند. در این بخش به اختصار برخی از این روش‌ها را یاد می‌کنیم.

### ۲-۱- ممنوعیت و محدودیت به کارگیری رمزنگاری

رمزنگاری تا اوایل دهه هفتاد میلادی، علمی مخفی به حساب می‌آمد که تلاش می‌شد از گسترش آن جلوگیری شود. رشد سریع فناوری و افزایش درخواست‌های نهادهای تجاری (همچون بانک‌ها) سبب شد تا آژانس امنیت ملی آمریکا استفاده از رمزنگاری توسط نهادهای غیرنظامی را بپذیرد.

### ۲-۲- تضعیف الگوریتم‌های رمزنگاری

نخستین الگوریتم رمز استاندارد، DES است که به عنوان رمز استاندارد توسط NIST معرفی شد. این الگوریتم رمزنگاری توسط IBM طراحی شده بود. طول کلید DES پس از فشارهای آژانس امنیت ملی آمریکا به ۵۶ بیت کاهش پیدا کرد که این امر سبب شد از روزهای آغازین معرفی آن با اعتراضات متعددی مواجه شود. براساس مستندات حاضر طول کلید این الگوریتم توسط NSA کاهش پیدا کرده بود. اعمال محدودیت روی طول کلید بار دیگر در رمزنگاری به کاررفته در سامانه‌های مخابراتی موبایل تکرار شد. الگوریتم رمز A5/2 به کشورهای غیراروپایی و در حال توسعه تحمیل شد که مشخص شد نه تنها طول کلید نامناسب است، بلکه ضعف‌های

کلیتوگرافی به معنای سرقت اطلاعات به صورت امن و به طور کامل پنهان است. یک حمله کلیتوگرافی زمانی موفقیت‌آمیز است که غیرقابل کشف باشد. این نوع از حملات به طور عمومی در پیاده‌سازی جعبه سیاه اولیه‌ها و یا پروتکل‌های رمزنگاری قابل استفاده هستند [۹]. بدین معنی که الگوریتم یا پروتکل رمزنگاری در یک دستگاه پیاده‌سازی شده و کاربر در حال استفاده از آن است؛ اما از جزئیات پیاده‌سازی و نحوه عملکرد دستگاه آگاه نیست. کلیتوگرافی‌ها به گونه‌ای طراحی می‌شوند که در خروجی ابزارهای رمزنگاری (جعبه سیاه‌ها) هیچ اثری از وجود حمله از خود به جای نمی‌گذارند. به عبارت دیگر تنها با مشاهده نحوه کارکرد دستگاه و دیدن خروجی، نمی‌توان متوجه وجود کلیتوگرافی شد.

خطر استفاده از جعبه سیاه رمزنگاری به طور تقریبی دو دهه است که به صورت عمومی مطرح شده است. اگرچه امروزه همچنان از جعبه سیاه رمزنگاری به صورت گسترده‌ای در ابزارهای رمزنگاری استفاده می‌شود. درحقیقت بحث درباره خطر کلیتوگرافی از اواسط دهه ۱۹۹۰ میلادی آغاز شده بود اما امروزه توجه خیلی ویژه‌ای به این امر شده است. افشای‌های اخیر از تلاش‌های آژانس امنیت ملی آمریکا برای خراب‌کاری محصولات و استانداردهای رمزنگاری نشان می‌دهد حملات کلیتوگرافی یک خطر جدی و لازم است اقدامات متقابلی برای جلوگیری از این حملات انجام شود. درحقیقت آژانس امنیت ملی آمریکا دربره‌های پستی در پروتکل‌های رمزنگاری ایجاد می‌کند و با همکاری شرکت‌های سازنده محصولات رمزنگاری این دربره‌های پستی را روی محصولات قرار می‌دهد.

اطلاعاتی که عناصر مهاجم در رمزنگاری به دنبال بودن آنها هستند، شامل کلید خصوصی در سامانه‌های رمزنگاری کلید عمومی، کلید امضا، کلید سامانه‌های رمزنگاری متقارن و اطلاعات محرمانه است. به عبارت دقیق‌تر کلیتوگرافی به راه‌های پژوهش برای به دست آوردن این اطلاعات به صورت امن و غیر قابل کشف اختصاص دارد. کلیتوگرافی درحقیقت یک مطالعه رسمی رمزنگاری از طراحی دربره‌های پستی در اولیه‌ها و پروتکل‌های رمزنگاری است که نخستین بار در سال ۱۹۹۶ در مجموعه مقالات منسجمی توسط آدام یوانگ<sup>۱</sup> و موتی یانگ<sup>۲</sup> مطرح شد [۹] [۱۰] [۱۱] [۱۲].

<sup>۱</sup> Adam Young

<sup>۲</sup> Moti Yung

کماکان جزء مشکلات امنیتی جدی است که با توجه به پیچیده‌شدن مدارات مجتمع و رشد خیره‌کننده فناوری در این حوزه چالش‌های بیشتری را برای همه و به‌خصوص کشورهایی که دارای صنعت پیاده‌سازی نیستند، ایجاد کرده است.

### ۲-۵- درب پشتی<sup>۲</sup>

درب پشتی در یک سامانه رمزنگاری روشی است که برای عبور از سامانه احراز اصالت توسط یک کاربر غیرمجاز استفاده می‌شود تا (از طریق یک ارتباط دور) بتواند به متن آشکار و یا اطلاعاتی مخفی دست پیدا کند؛ درحالی‌که تلاش مهاجم برای کسب این اطلاعات از دید کاربر و دیگران مخفی باشد. درب پشتی می‌تواند بخشی مخفی از یک قسمت از برنامه یا برنامه‌ای مجزا باشد که بتواند سیستم را از طریق یک روت‌کیت<sup>۳</sup> تحت کنترل قرار دهد. روت‌کیت‌ها اغلب در سطح سیستم‌عامل فعالیت کرده و با تغییراتی که در سیستم‌عامل یا منابع آن انجام می‌دهند، به مقاصد خود دست پیدا می‌کنند. تعداد زیادی از کرم‌های رایانه‌ای<sup>۴</sup> مانند Sobig و یا Mydoom یک درب پشتی بر روی رایانه هدف نصب می‌کنند (به‌طورمعمول رایانه‌هایی که ویندوز دارند) که حمله‌کننده را قادر می‌کند از طریق رایانه آلوده‌شده رایانه‌های اسپیم ارسال کند. در هنگام نصب و استفاده از محصولات شرکت‌های رایانه‌ای همیشه احتمال نصب غیرقانونی روت‌کیت وجود دارد. به‌عنوان نمونه مشخص شد که شرکت سونی در سال ۲۰۰۵ دو روت‌کیت را به بهانه جلوگیری از رونوشت‌های غیرمجاز بر روی دستگاه‌های بیش از ده میلیون کاربر نصب کرده است. نکته جالب این بود که یکی از این روت‌کیت‌ها در فهرست مجوز شرایط کاربر (EULA)<sup>۵</sup> یاد شده بود و دیگری بدون یاد در فهرست نصب می‌شد.

### ۲-۶- کلپتوگرافی

زمانی که یک درب پشتی یا تروژان سخت‌افزاری روی یک محصول و یا پروتکل رمزنگاری گذاشته می‌شود، این خطر وجود دارد که افراد دیگر نیز آن را کشف و از آن بهره‌برداری کنند. برای جلوگیری از این خطر در حملات کلپتوگرافی از درب‌های پشتی نامتقارن استفاده می‌شود. درب‌های پشتی نامتقارن به‌گونه‌ای طراحی می‌شوند که فقط به حمله‌کننده یا

بسیار چشم‌گیری نیز در آن وجود دارد. الگوریتم رمز A5/1 در کشورهای توسعه‌یافته به کار رفت، اما طول کلید با دخالت آژانس امنیتی انگلستان از ۱۲۸ بیت به ۴۸ بیت کاهش پیدا کرد. با واکنش آلمان غربی و فشار آن کشور طول کلید A5/1 در نهایت ۵۶ بیت در نظر گرفته شد. به‌عنوان مثالی دیگر می‌توان به الگوریتم رمز KeeLoq اشاره کرد که به‌صورت گسترده در سامانه‌های امنیتی خودروها و همچنین درب‌های خودکار پارکینگ‌ها استفاده شده است. طول کلید Keeloq تنها ۶۴ بیت در نظر گرفته شده است و هم‌اکنون با توجه به ضعف‌های موجود در الگوریتم این سامانه رمزنگاری حملات عملی بر روی آن وجود دارد.

### ۲-۳- سپردن کلید<sup>۱</sup>

روش دیگری که به کار رفته قراردادن کلید در یک مکان سوم است که در صورت نیاز و با توجه به درخواست یک مرجع فرادستی (همچون دادگاه) به آن مراجعه شده و متون رمز شده توسط افرادی خاص رمزگشایی می‌شوند. به‌طور مصداقی می‌توان به مورد زیر اشاره کرد:

آژانس امنیت ملی آمریکا الگوریتم رمز قالبی Skipjack را طراحی و بر روی یک تراشه خاص Clipper chip پیاده‌سازی کرد. تراشه بدین صورت کار می‌کرد که در کارخانه به هر تراشه یک کلید اختصاص داده می‌شد و به‌طور موازی کلید یادشده در یک پایگاه داده ذخیره می‌شد. این امر سبب ایجاد اعتراضاتی به آژانس ملی آمریکا شد. این تراشه در سال ۱۹۹۳ ارائه و در سال ۱۹۹۶ به کلی پروژه تولیدش متوقف شد.

### ۲-۴- استفاده از تروژان‌های سخت‌افزاری

به‌طورمعمول دولت‌ها، شرکت‌ها و افراد مختلف مجبور هستند که محصولات الکترونیکی خود را در مرحله پیاده‌سازی برون‌سپاری کنند. این امر می‌تواند به‌خاطر نداشتن فناوری پیاده‌سازی و یا به‌صرفه‌نبودن تأمین هزینه‌های اقتصادی راه‌اندازی کارخانه‌های مدارات مجتمع باشد. در هر صورت این حقیقت می‌تواند زمینه‌ساز سوءاستفاده صاحبان فناوری و کارخانه‌های تولید و پیاده‌سازی مدارات مجتمع شود؛ چون به آنها اجازه می‌دهد که با دست‌کاری نحوه پیاده‌سازی و جاگذاری تروژان‌های سخت‌افزاری، اطلاعات حساسی را از آنچه که پیاده‌سازی شده به‌صورت غیرمحسوس و مخفیانه (از دید سفارش‌دهنده) در اختیار خودشان قرار دهند. این مسأله

<sup>۱</sup> Key escrow

<sup>۲</sup> Back door

<sup>۳</sup> Rootkit

<sup>۴</sup> Computer worms

<sup>۵</sup> End-user license agreement

از استفاده‌های نادرست و رونوشت برداشتن محافظت شود و کلید عمومی می‌تواند بدون هیچ نگرانی به‌صورت عمومی اعلام شود. همان‌طور که همه پذیرفته‌اند، هیچ کس نمی‌تواند از روی کلید عمومی کلید خصوصی را به‌دست آورد- یا شاید آنها می‌توانند؟

درحقیقت چنین اشتقاقی زمانی امکان‌پذیر است که روند تولید کلید به روش خاصی دست‌کاری شده باشد. یک درب پشتی رمزنگاری می‌تواند در روند ساخته‌شدن سامانه رمزنگاری در شرکت سازنده روی ابزارها تعبیه شود و به حمله کننده این امکان را بدهد که بدون جلب توجه شخص سوم بتواند به کلید خصوصی دسترسی داشته باشد؛ یعنی در این حالت فقط شرکت سازنده و حمله‌کننده از وجود چنین درب پشتی مطلع هستند. از آنجا که تولید کلید عمومی آشکار نیست، هیچ ارتباط اضافه و یا غیر منتظره‌ای ایجاد نمی‌شود و هیچ خطایی در حین استفاده از سامانه رمزنگاری رخ نمی‌دهد. تأثیر این حمله بسیار شدید است؛ چون با داشتن یک رونوشت از کلید خصوصی حمله‌کننده می‌تواند امضاهای جعلی تولید و داده‌های رمز شده را از رمز خارج کند؛ اما آیا واقعاً چنین کاری امکان‌پذیر است یا اینکه کلیدهای رمزنگاری در یک جعبه سیاه مهر و موم شده تولید شده‌اند و هیچ دسترسی غیرمجازی به محتویات داخل آن داده نمی‌شود.

در یک نسخه ساده‌تر از این حمله می‌توان تولید اعداد تصادفی درون سامانه‌های رمزنگاری را دست‌کاری کرد. روند تولید کلید در سامانه‌های رمزنگاری از یک مولد شبه تصادفی استفاده می‌کند و سیدی<sup>۱</sup> را تولید می‌کند که حمله‌کننده از آن مطلع است، به جای آنکه واقعا از یک تابع تصادفی استفاده کند. با دانستن این سید حمله‌کننده می‌تواند کلید را خارج از جعبه سیاه تولید کند. بر همین اساس برخی پژوهش‌گران به این چالش پرداخته‌اند [۱۴] [۱۵]. ضمن آنکه دست‌کاری از این نوع تا زمانی که جلوی آن توسط یک سازوکار امنیتی گرفته نشود می‌تواند در یک مهندسی معکوس مشخص شود. چون سید در یک تولیدکننده اعداد شبه تصادفی درون کد منبع فیکس شده است با مهندسی معکوس می‌توان کلید خصوصی را خارج از جعبه سیاه تولید کرد. از دید حمله‌کننده بسیار مطلوب است که یک دسترسی منحصر به فرد به سازوکار حمله وجود داشته باشد. حملات پیشرفته‌تر کلیتوگرافی در برابر مهندسی معکوس برای به‌دست‌آوردن چنین اطلاعاتی نیز محافظ هستند.

به عبارت دیگر فقط کسی که اطلاعات خصوصی یا به عبارت دیگر کلید درب پشتی را دارد، امکان بهره‌برداری از این درب پشتی را می‌دهند. هدف از این مقاله بررسی این‌گونه از درب‌های پشتی است که در بخش بعدی به تفصیل مفاهیم اولیه و انواع آن را بررسی خواهیم کرد.

### ۳- مروری بر دسته‌بندی‌ها و مفاهیم به‌کار رفته

#### ۳-۱- مفهوم کلیتوگرافی

مفهوم کلیتوگرافی به‌صورت رسمی و در یک چهارچوب علمی برای نخستین بار توسط آدام یوانگ و موتی یانگ در کنفرانس CRYPTO سال ۱۹۹۶ ارائه شد [9]. ایده اصلی مطرح‌شده در مقاله به این شکل است که چگونه در مرحله پیاده‌سازی یک الگوریتم امن می‌توان الگوریتم را به‌نحوی بازتعریف کرد که دارای درب پشتی باشد؛ به‌گونه‌ای که نخست افراد استفاده‌کننده متوجه درب پشتی نشوند و دوم اگر وجود آن کشف شد، افراد دیگر قادر به استفاده از درب پشتی نباشند. آنها در این مقاله و کارهای بعدی خود مثال‌های متعددی در مورد رمزهای عموماً کلید عمومی ارائه کردند. به‌عنوان مثال نحوه خاصی از تولید کلید خصوصی و عمومی سبب ایجاد درب پشتی در سامانه رمزنگاری RSA می‌شود.

کلیتوگرافی به معنی سرقت اطلاعات به‌صورت امن و به‌طور کامل پنهان است. یک حمله کلیتوگرافی حمله‌ای است که در آن یک سازنده مخرب از یک رمزگذار نامتقارن استفاده می‌کند تا یک درب پشتی رمزنگاری ایجاد کند. در این حالت در اصطلاح، رمزنگاری بر علیه رمزنگاری استفاده می‌شود. یک درب پشتی یک کانال اضافه برای ایجاد ارتباط با دنیای بیرون رمزنگاری نیست؛ همچنین در آن احتیاجی به ارسال اطلاعات اضافه نیست؛ بلکه درب پشتی درون ارتباطات در نظر گرفته شده تعبیه شده است. بنابراین کلیتوگرافی زیرشاخه‌ای از crypto virology (کاربرد رمزنگاری در بدافزارها) است [۱۳]. اگرچه هدف یک حمله کلیتوگرافی فقط شکل کلی یک نرم‌افزار نیست؛ بلکه هدف سامانه رمزنگاری است که استفاده می‌شود. مثال زیر یک حمله کلیتوگرافی را شرح می‌دهد:

یک جعبه سیاه یک جفت کلید نامتقارن تولید می‌کند، که یکی از آنها کلید عمومی و دیگری کلید خصوصی است. کلید خصوصی که برای از رمز خارج کردن و امضا استفاده می‌شود؛ به‌طور انحصاری باید داخل جعبه سیاه قرار بگیرد تا

<sup>1</sup> seed

### ۳-۲- حمله SETUP

همان‌طور که پیش از این اشاره شد، کلپتوگرافی نخستین‌بار در سال ۱۹۹۶ در کنفرانس CRYPTO توسط آدام یوانگ و موتی یانگ مطرح شد. در این مقاله، آنها پژوهش‌گران را به فرصت‌های متعددی که در آن امکان حمله به سامانه‌های رمزنگاری دارای جعبه سیاه وجود دارد، معطوف کردند. آنها برای نخستین‌بار مفهوم Secretly Embedded (SETUP) Trapdoor with Universal Protection را معرفی کردند و نحوه پیاده‌شدن این حمله را روی تولید کلید RSA تشریح کردند.

ویژگی متمایز حمله یادشده این است که فقط از طریق مهندسی معکوس می‌توان آن را شناسایی کرد و اگر شناسایی شود، شناسایی‌کننده نمی‌تواند از آن استفاده کند. مهندسی معکوس فقط می‌تواند کلید عمومی حمله‌کننده را به دست بیاورد و هیچ اطلاعاتی در مورد کلید خصوصی حمله‌کننده نمی‌تواند به دست آورد. از آنجا که این حمله بر اساس سامانه‌های رمزنگاری نامتقارن بنا نهاده شده است، می‌تواند از دید حمله‌کننده امن باشد.

### ۴- چند مثال کاربردی از کلپتوگرافی

بررسی تمامی حملات ارائه‌شده در این مقاله امکان‌پذیر نیست. ما در ادامه دو مثال مهم و کاربردی را بررسی خواهیم کرد:

#### ۴-۱- ایجاد کلپتوگرافی در فرآیند تولید کلید RSA

##### ۴-۱-۱- معرفی RSA و تولید کلیدهای آن

الگوریتم رمزنگاری RSA جزء پرکاربردترین سامانه‌های رمزنگاری کلید عمومی است. روش تولید کلیدهای عمومی و خصوصی در RSA به صورت زیر است:

۱- دو عدد نخست  $p$  و  $q$  به صورت تصادفی انتخاب و مقدار  $n = p \times q$  محاسبه می‌شود.

۲- مقدار  $e$  به صورت تصادفی انتخاب می‌شود به گونه‌ای که  $\gcd(e, \phi(n)) = 1$ .

۳- مقدار  $d$  به صورت  $d = e^{-1} \text{ mod } \phi(n)$  محاسبه می‌شود.

مقادیر  $(n; e)$  به عنوان کلید عمومی و مقدار  $d$  به عنوان کلید خصوصی در نظر گرفته می‌شود. کلید خصوصی توسط کاربر به صورت محرمانه نگهداری و کلید عمومی اعلام عمومی می‌شود. کلید عمومی به منظور رمزنگاری و کلید خصوصی

به منظور رمزگشایی به کار می‌رود.

بدیهی است که تولید کلید در عمل به شکل بالا توسط کاربر کار چالش‌برانگیزی است؛ بنابراین به طور عمومی کاربران از نرم‌افزارهایی استفاده می‌کنند که عملیات بالا را برای آنها انجام می‌دهند. این نرم‌افزارها به طور معمول به صورت جعبه سیاه هستند؛ بدین معنی که نحوه پیاده‌سازی تولیدکننده کلید RSA برای کاربر قابل مشاهده نیست. در چنین مواردی می‌توان نشان داد که با پیاده‌سازی مخرب تولید کلیدهای RSA، کاربر را می‌توان فریب داد. یعنی کاربر فکر کند که نرم‌افزار در حقیقت به صورت تصادفی در حال تولید کلیدها است و این در حالی است که نحوه پیاده‌سازی به گونه‌ای است که مهاجم با مشاهده کلید عمومی کاربر می‌تواند اطلاعاتی در خصوص کلید خصوصی وی به دست آورد. در ادامه دو سناریوی مختلف را بررسی می‌کنیم:

#### ۴-۱-۲- ایجاد کلپتوگرافی (سناریوی نخست)

فرض کنیم که مهاجم دارای کلید عمومی  $(N; E)$  و خصوصی  $D$  خاص خود است. هدف مهاجم این است که تولید کلید RSA را به نحوی پیاده‌سازی کند که کاربر با دیدن خروجی فکر کند که کلیدها به صورت تصادفی و صحیح تولید شده‌اند؛ اما در حقیقت کلید عمومی کاربر شامل اطلاعاتی در خصوص کلید خصوصی وی است. همچنین این درب پشتی باید به نحوی باشد که اگر کاربر متوجه وجود آن شد، نتواند از آن برای حمله به یک کاربر دیگر استفاده کند. بدین منظور مهاجم به صورت زیر پیاده‌سازی را انجام می‌دهد:

۱- دو عدد نخست  $p$  و  $q$  به صورت تصادفی انتخاب می‌شوند و مقدار  $n = p \times q$  محاسبه می‌شود.

۲- مقدار  $e$  را به صورت  $e = p^E \text{ (mod } N)$  محاسبه می‌کند (به جای آنکه واقعا به صورت تصادفی آن را تولید کند). در صورتی که  $\gcd(e; \phi(n)) \neq 1$  به گام نخست برمی‌گردد و گام نخست را دوباره تکرار می‌کند.

۳- مقدار  $d$  را به صورت عادی تولید می‌کند. یعنی  $d = e^{-1} \text{ mod } \phi(n)$  محاسبه می‌شود.

در صورتی که کاربر از نرم‌افزاری استفاده کند که به صورت بالا کلید عمومی و خصوصی را تولید می‌کند، مهاجمی که درب پشتی بالا را در الگوریتم قرار داده است می‌تواند به راحتی از روی مقدار کلید عمومی کاربر (یعنی  $e$ ) مقدار کلید خصوصی کاربر (یعنی  $d$ ) را به صورت  $p =$

<sup>1</sup> scenario

۵- مقدار  $c = s^E \pmod{N}$  محاسبه می‌شود. به عبارت دیگر مقدار  $s$  توسط کلید عمومی مهاجم یعنی  $(N; E)$  رمز می‌شود.

۶- مقادیر  $(q; r)$  به نحوی محاسبه می‌شود که  $(c||t) = pq + r$  اگر  $q$  یک عدد مرکب بود و یا در صورتی که  $\gcd(q-1; e) \neq 1$  در این صورت به گام یک رفته و دوباره گام ۱ تکرار می‌شود.

۷- مقدار  $(n = p, q; e)$  به عنوان کلید عمومی و مقدار  $d = e^{-1} \pmod{\phi(n)}$  به عنوان کلید خصوصی به کاربر داده می‌شود.

می‌توان نشان داد که مهاجمی که به صورت خراب کارانه درب پشی بالا را در درون نرم‌افزار قرار داده است، می‌تواند به راحتی اقدام به بازیابی کلید کند. به منظور بازیابی مهاجم به صورت زیر اقدام می‌کند:

۱- از آنجا که مقدار کلید کاربر به صورت عمومی اعلام می‌شود، مهاجم از مقادیر  $(n; e)$  آگاهی دارد. بر همین اساس مهاجم  $k$  بیت نخست مقدار  $n$  را برابر  $u$  قرار می‌دهد.

۲- مقادیر  $c_1$  و  $c_2$  را به صورت  $c_1 = u + 1$  و  $c_2 = u$  محاسبه می‌کند.

۳- مقادیر  $c_1$  و  $c_2$  را با کلید خصوص خود رمزگشایی کرده و معادل رمزگشایی شده آنها را به ترتیب تحت عنوان  $s_1$  و  $s_2$  ذخیره می‌کند.

۴- حال مقادیر  $p_1$  و  $p_2$  را به صورت  $p_1 = H(s_1)$  و  $p_2 = H(s_2)$  محاسبه می‌کند. یکی از مقادیر  $p_1$  و  $p_2$  عدد  $n$  را می‌شمارد.

همان‌طور که مشاهده می‌شود، مهاجم می‌تواند به راحتی به مقادیر اعداد نخست دست یابد و امنیت سیستم را به طور کامل زیر سؤال ببرد. مشابه آنچه مشاهده شد، نکته مهم آن است که اگر با مهندسی معکوس بتوان متوجه شد که نحوه تولید کلید RSA به صورت مخرب پیاده‌سازی شده است، نمی‌توان از این درب پستی برای حمله به سایر کاربران استفاده کرد. دلیل این است که مقدار کلید خصوصی مهاجم که به صورت مخرب الگوریتم را پیاده‌سازی کرده نامعلوم است.

#### ۲-۴- کلپتوگرافی در استاندارد

##### Dual\_EC\_DRBG

الگوریتم Dual\_EC\_DRBG، یک مولد شبه تصادفی در رمزنگاری است که توسط NIST تحت شماره NIST SP 800-90A به عنوان استاندارد به جامعه معرفی شد. این مولد شبه تصادفی به صورت گسترده برای تولید نانس و کلید

$e^D \pmod{N}$  محاسبه کند؛ بدون آنکه کاربر متوجه شود. نکته مهم آن است که اگر با مهندسی معکوس بتوان متوجه شد که نحوه تولید کلید RSA به صورت مخرب پیاده‌سازی شده است، نمی‌توان از این درب پستی برای حمله به سایر کاربران استفاده کرد. دلیل این است که مقدار کلید خصوصی مهاجم که به صورت مخرب الگوریتم را پیاده‌سازی کرده (یعنی  $D$ ) نامعلوم است.

روش بالا برخلاف مزیت‌هایی که برای مهاجم دارد، دارای این نقطه ضعف نیز هست که مقدار کلید عمومی تولید شده برای کاربر با عدد نخست تولید شده رابطه بسیار قوی دارد و چه بسا کاربر بتواند با برخی آزمون‌های آماری متوجه وجود درب پستی شود. بر همین اساس، در ادامه یک سناریوی دیگر را بررسی می‌کنیم که این ضعف را ندارد.

#### ۴-۱-۳- ایجاد کلپتوگرافی (سناریوی دوم)

فرض کنیم که مهاجم دارای کلید عمومی  $(N; E)$  و خصوصی  $D$  خاص خود است. همان‌طور که پیش از این گفته شد، هدف مهاجم این است که تولید کلید RSA را به نحوی پیاده‌سازی کند که کاربر با دیدن خروجی فکر کند که کلیدها به صورت تصادفی و صحیح تولید شده‌اند، اما در حقیقت کلید عمومی کاربر شامل اطلاعاتی در خصوص کلید خصوصی وی باشد. مشابه سناریوی نخست، این درب پستی باید به نحوی باشد که اگر کاربر متوجه وجود آن شد، نتواند از آن برای حمله به یک کاربر دیگر استفاده کند. بدین منظور مهاجم به صورت زیر پیاده‌سازی را انجام می‌دهد:

۱- مقدار  $e$  به صورت تصادفی تولید می‌شود (دقت کنید که نظم تولید کلیدها متفاوت است!).

۲- مقدار  $s$  به صورت تصادفی تولید می‌شود (توجه شود که در حالت عادی چنین مقداری نباید تولید شود؛ بلکه در این پیاده‌سازی به منظور ایجاد یک درب پستی این مقدار تولید می‌شود).

۳- مقدار  $p$  به صورت  $p = H(s)$  تولید می‌شود که در آن  $H$  یک تابع درهم‌ساز است که ورودی دلخواه را به  $k$  بیت منتقل می‌کند. اگر  $p$  یک عدد مرکب بود و یا آنکه  $\gcd(p-1; e) \neq 1$  در این صورت به گام یک رفته و دوباره این گام تکرار می‌شود.

۴- مقدار  $t$  به صورت تصادفی تولید می‌شود (دوباره توجه شود که در حالت عادی چنین مقداری نباید تولید شود. بلکه در این پیاده‌سازی به منظور ایجاد یک درب پستی این مقدار تولید می‌شود).

گفتنی است که مقدار نانسی که توسط کاربر به کار می‌رود اعلام عمومی می‌شود.

#### تولید کلید تصادفی:

براساس تعداد بیت‌های تصادفی مورد نیاز کاربر، فرآیند زیر تکرار می‌شود (در هر بار تکرار ۳۲ بیت تولید می‌شود): نقطه  $P$  در  $s_i$  بر روی خم بیضوی ضرب می‌شود و مقدار مؤلفه افقی نقطه جدید به‌عنوان ۳۲ بیت جدید برای مقدار میانی که با  $s_{i+1}$  نمایش می‌دهیم، در نظر گرفته می‌شود؛ سپس نقطه  $Q$  در  $s_{i+1}$  بر روی خم بیضوی ضرب می‌شود و مقدار مؤلفه افقی نقطه جدید به‌عنوان ۳۲ بیت جدید که با  $r_{i+1}$  نمایش می‌دهیم، در نظر گرفته می‌شود. دو بیت ابتدایی دور ریخته و سی بیت مابقیه به‌عنوان دنباله تصادفی در خروجی ظاهر می‌شود.

#### ۴-۲-۲- امنیت الگوریتم Dual\_EC\_DRBG

امنیت الگوریتم Dual\_EC\_DRBG براساس سختی مسأله لگاریتم گسسته بر روی خم‌های بیضوی است. بدین معنا که با داشتن یک خم بیضوی  $E$  و عضو تولیدکننده  $G$  و عنصر  $T$  مسأله لگاریتم گسسته، یافتن عدد صحیح  $1 \leq d \leq \#E$  است به‌طوری‌که  $G + G + \dots + G = [d]G = T$  در زمان چندجمله‌ای و به‌صورت ساده امکان‌پذیر نیست. در صورتی‌که مسأله لگاریتم گسسته بر روی خم‌های بیضوی یک مسأله سخت باشد، مهاجم با دیدن نانس (یعنی سی بیت از  $r_1$ ) نمی‌تواند مقدار میانی  $s_1$  را به‌دست آورد، چون این امر مستلزم حل مسأله لگاریتم گسسته بر روی خم بیضوی به‌کاررفته است. در نتیجه برخلاف دیدن نانس نمی‌تواند به مقدار کلید خصوصی کاربر دسترسی پیدا کند.

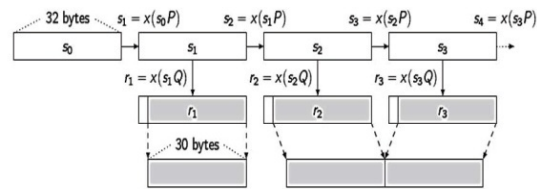
#### ۴-۲-۳- کلپتوگرافی موجود در Dual\_EC\_DRBG

در این بخش روش تعبیه یک درب پشتی از نوع کلپتوگرافی در Dual\_EC\_DRBG را بررسی می‌کنیم. همان‌طور که گفته شد، نقاط  $P$  و  $Q$  باید به‌صورت تصادفی انتخاب شوند. در فرآیند استانداردسازی، آژانس امنیت ملی آمریکا با دخالت خود (که بعدها مشخص شد) به سازمان فناوری و استاندارد تحمل کرد که نقاط  $P$  و  $Q$  روی خم به‌صورت تصادفی انتخاب نشود و براساس استاندارد دو نقطه خاص برای نقاط  $P$  و  $Q$  در نظر گرفته شد. این نقاط به‌صورت هوشمندانه انتخاب شده‌اند که در ادامه روش انتخاب آنها و همچنین نحوه به‌کارگیری آنها را به‌عنوان درب پشتی توضیح خواهیم داد:

خصوصی مورد نیاز در پروتکل‌های بسیار پرکاربرد به کار می‌رفت. در سال‌های اخیر مشخص شده که آژانس امنیت آمریکا یک درب پشتی در این الگوریتم قرار داده است. درب پشتی به‌کاررفته در الگوریتم Dual\_EC\_DRBG از نوع کلپتوگرافی است. نکته مهم این است که برخلاف انواع کلپتوگرافی معرفی‌شده در مقالات، این درب پشتی در طراحی و نه پیاده‌سازی الگوریتم رمزنگاری تعبیه شده است. ما در ادامه ابتدا الگوریتم Dual\_EC\_DRBG را معرفی و سپس نحوه ایجاد درب پشتی در این الگوریتم را بررسی می‌کنیم.

#### ۴-۲-۱- معرفی الگوریتم Dual\_EC\_DRBG

مولد شبه‌تصادفی Dual\_EC\_DRBG یک ساختار عمومی و انعطاف‌پذیر دارد. این مولد از یک خم بیضوی و محاسبات روی خم برای تولید دنباله بیت تصادفی استفاده می‌کند. روش تولید دنباله بیت تصادفی به‌شرح زیر است (شکل ۱):



(شکل-۱): ساختار مولد شبه‌تصادفی Dual\_EC\_DRBG

#### مقداردهی اولیه:

ابتدا یک خم بیضوی انتخاب و بر روی خم بیضوی دو نقطه  $P$  و  $Q$  به صورت تصادفی انتخاب می‌شود. الگوریتم یک ورودی ۳۲ بیتی را به‌عنوان مقدار اولیه و یا سید دریافت می‌کند که آن را با  $s_0$  نمایش می‌دهیم (این مقدار توسط کاربر تعیین می‌شود)؛ سپس نقطه  $P$  در  $s_0$  بر روی خم بیضوی ضرب می‌شود و مقدار مؤلفه افقی نقطه جدید به عنوان ۳۲ بیت جدید برای مقدار میانی که با  $s_1$  نمایش می‌دهیم، در نظر گرفته می‌شود.

#### تولید نانس:

با استفاده از مقدار میانی  $s_1$  مقدار ۳۲ بیتی جدید تولید می‌شود. نحوه تولید این مقدار جدید بدین گونه است که نقطه  $Q$  در  $s_1$  بر روی خم بیضوی ضرب می‌شود و مقدار مؤلفه افقی نقطه جدید به‌عنوان ۳۲ بیت جدید که با  $r_1$  نمایش می‌دهیم، در نظر گرفته می‌شود. دو بیت ابتدایی دور ریخته می‌شود و ۳۰ بیت باقی‌مانده به‌عنوان نانس در خروجی ظاهر می‌شود.

## ۶- مراجع

- [1] A. L. Young and M. Yung, Malicious cryptography - exposing cryptovirology, Wiley, 2004.
- [2] S. Checkoway, R. Niederhagen, A. Everspaugh, M. Green, T. Lange, T. Ristenpart, D. J. Bernstein, J. Maskiewicz, H. Shacham and M. Fredrikson, "On the Practical Exploitability of Dual EC in TLS Implementations," in *23rd USENIX Security Symposium*, 2014.
- [3] S. Checkoway, J. Maskiewicz, C. Garman, J. Fried, S. Cohncey, M. Green, N. Heninger, R. P. Weinmann, E. Rescorla and H. Shacham, "A Systematic Analysis of the Juniper Dual EC Incident," in *SIGSAC*, 2016.
- [4] J. Woodage and D. Shumow, "An Analysis of the NIST SP 800-90A Standard," IACR Cryptology ePrint Archive, 2018.
- [5] K. Q. Ye, M. Green, N. Sanguansin, L. Bringer, A. Petcher and A. W. Appel, "Verified Correctness and Security of mbedTLS HMAC-DRBG," in *CCS*, 2017.
- [6] Q. Tang, M. Yung and H. S. Zhou, "Generic Semantic Security against a Kleptographic Adversary," in *SIGSAC*, 2017.
- [7] J. P. Degabriele, K. G. Paterson, J. C. N. Schuldt and J. Woodage, "Backdoors in Pseudorandom Number Generators: Possibility and Impossibility Results," in *CRYPTO 2016*, 2016.
- [8] J. P. Degabriele, P. Farshim and B. Poettering, "A More Cautious Approach to Security Against Mass Surveillance," in *FSE*, 2015.
- [9] M. Yung, "The Dark Side of "Black-Box" Cryptography, or: Should We Trust Capstone?," in *CRYPTO*, 1996.
- [10] A. L. Young and M. Yung, "Kleptography: Using Cryptography Against Cryptography," in *EUROCRYPT*, 1997.
- [11] A. L. Young and M. Yung, "The Prevalence of Kleptographic Attacks on Discrete-Log Based Cryptosystems," in *CRYPTO*, 1997.
- [12] A. L. Young and M. Yung, "RSA-Based Auto-recoverable Cryptosystems," in *PKC 2000*.
- [13] A. L. Young and M. Yung, "Cryptovirology: Extortion-Based Security Threats and Countermeasures," in *IEEE Symposium on Security and Privacy*, 1996.
- [14] P. Soni and S. Tessaro, "Public-Seed Pseudorandom Permutations," in *EUROCRYPT 2017*, 2017.
- [15] B. Auerbach, M. Bellare and E. Kiltz, "Public-Key Encryption Resistant to Parameter Subversion and Its Realization from Efficiently-Embeddable Groups," in *PKC 2018*, 2018.

۱. نحوه انتخاب نقاط: به جای انتخاب نقاط  $P$  و  $Q$  روی خم به صورت تصادفی، ابتدا یک عدد تصادفی مانند  $d$  انتخاب و نقطه  $Q$  نیز به صورت تصادفی روی خم انتخاب می شود؛ سپس نقطه  $P$  به شکل  $P = dQ$  تولید می شود (نه به صورت تصادفی) و ادعا می شود که نقطه  $P$  به شکل تصادفی تولید شده است.

۲. نحوه به کارگیری درب پشتی: اگر کسی مقدار  $d$  را داشته باشد، می تواند از روی مقدار  $r_1$  مقدار  $s_2$  را به دست آورد:

$$s_2 = x(s_1 P) = x(s_1 d Q) = x(d r_1)$$

گفتنی است که مقدار  $r_1$  را می توان به راحتی حدس زد. چون سی بایت آن به عنوان نانس (nonce) اعلام عمومی می شود. دو بایت باقیمانده را می توان حدس زد و به ازای تمامی مقادیر ممکن یعنی  $2^{16}$  حالت، با سعی و خطا کلید مخفی تولید شده را پیدا کرد.

نکته مهم این است که درب پشتی تعبیه شده از نوع کلپتوگرافی است؛ بدین معنا که کسی به جز آژانس امنیت ملی آمریکا نمی تواند از این ضعف استفاده کند (حتی هم اکنون که این درب پشتی کشف شده است!). دلیل این امر این است که برای استفاده از ضعف ایجاد در استاندارد یادشده، باید مقدار  $d$  در دسترس باشد و این در حالی است که این مقدار محرمانه است و کسی آن را ندارد. همچنین کسی نمی تواند با در نظر گرفتن نقاط  $P$  و  $Q$  مقدار  $d$  را به دست آورد چون سختی حل این مسأله برابر با سختی حل مسأله لگاریتم گسسته بر روی خم های بیضوی است.

## ۵- جمع بندی

در این مقاله مفاهیم مرتبط با کلپتوگرافی را معرفی کردیم. همان گونه که یاد شد، هدف از کلپتوگرافی ایجاد یک درب پشتی قوی در سامانه های رمزنگاری است که حمله کننده به اطلاعات مخفی مورد نیاز دسترسی پیدا کند؛ به گونه ای که فقط برای طراح حمله یا به عبارت دیگر کسی که کلید خصوصی درب پشتی را دارد در پیاده سازی های جعبه سیاه قابل کشف باشد. پس از آن به صورت مصداقی دو نمونه مهم از کلپتوگرافی های شناخته شده را با یاد جزئیات بررسی و مشاهده کردیم که خطر این گونه از درب های پشتی بسیار جدی است. بر همین اساس پژوهش های گسترده در این حوزه می تواند در تأمین امنیت فضای سایبری تأثیر به سزایی داشته باشد.





**هادی سلیمانی** کارشناسی را در رشته

مخابرات از دانشگاه علم و صنعت ایران در

سال ۱۳۸۷ اخذ کرد. تحصیلات خود در

مقطع کارشناسی ارشد در دانشگاه امام

حسین (ع) در گرایش مخابرات رمز در سال

۱۳۸۹ و سپس در مقطع دکترا در دانشکده علوم کامپیوتر دانشگاه آلتو فنلاند در سال ۱۳۹۴ به پایان رساند. همچنین طی یک دوره کوتاه مدت پسادکترا در گروه رمزنگاری دانشگاه DTU دانمارک در خصوص تحلیل و طراحی رمزهای قالبی نوین مشغول به پژوهش شد. وی هم‌اکنون، ضمن همکاری با پژوهشکده‌ها و مراکز پژوهشی مختلف در حوزه رمزنگاری و امنیت اطلاعات، به‌عنوان استادیار گروه امنیت شبکه و رمزنگاری پژوهشکده فضای مجازی دانشگاه شهید بهشتی مشغول به کار است. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان تحلیل و طراحی اولیه‌های رمزنگاری متقارن و همچنین پیاده‌سازی امن است.



**فرخ لقا معظمی** در سال ۱۳۸۳ در مقطع

کارشناسی ریاضی از دانشگاه الزهرا

فارغ‌التحصیل شد و تحصیلات خود در

مقطع کارشناسی ارشد را در دانشگاه

صنعتی شریف در سال ۱۳۸۵ و سپس در مقطع دکترا در دانشکده ریاضی دانشگاه الزهرا در سال ۱۳۹۲ به پایان رساند. همچنین طی یک دوره پسا دکترا در دانشکده ریاضی دانشگاه شریف در خصوص تحلیل سامانه‌های رمزنگاری مشغول به پژوهش شد. وی هم‌اکنون، به‌عنوان استادیار گروه امنیت شبکه و رمزنگاری پژوهشکده فضای مجازی دانشگاه شهید بهشتی مشغول به کار است. زمینه‌های پژوهشی مورد علاقه ایشان پروتکل‌های رمزنگاری و سامانه‌های رمزنگاری شبکه مبنا است.

