

استفاده از ضریب پرش در توابع تی برای طراحی یک ساختار اولیه نوین در رمزهای جریانی

سید مهدی سجادیه^۱، علی هادی پور^{۲*} و راحله مرادعفی^۳

^۱ استادیار، گروه آموزشی برق و کامپیوتر، دانشگاه آزاد واحد خوراسگان، خوراسگان، ایران
m.sajadieh@khuish.ac.ir

^۲ کارشناس ارشد ریاضی-رمز، گروه تحقیقات رمز خانه ریاضیات اصفهان، اصفهان، ایران
shakhesyar@chmail.ir

^۳ مربی، گروه آموزشی فنی-مهندسی، موسسه غیرانتفاعی آل طه، تهران، ایران
rahele_4281@yahoo.com

چکیده

رمزهای جریانی دسته‌ای از الگوریتم‌های رمز متقارن هستند، که پیام محرمانه را به صورت دنباله‌ای از بیت‌ها دریافت کرده و عملیات رمز را با استفاده از تابعی پیچیده بر حسب کلید و IV و ترکیب XOR با دنباله بیت‌ها انجام می‌دهد. یکی از اهداف در طراحی رمزهای جریانی، به دست آوردن حداقل دوره تناوب بزرگ بوده که یکی از توابع اولیه استفاده از توابع تی است. از طرفی استفاده از ضریب پرش در طراحی LFSRها باعث پیچیده‌تر شدن تحلیل رمزهای جریانی مبتنی بر LFSRها شده است. در این مقاله سعی شده، با استفاده از مفاهیم توابع تی و به کارگیری ضرایب پرش، روش جدیدی برای طراحی توابع اولیه رمزهای جریانی با دوره تناوب بالا ارائه شود.

واژگان کلیدی: توابع تی، ضریب پرش، رمزهای جریانی، دوره تناوب بیشینه.

۱- مقدمه

برد، به عنوان مثال با به کار بردن توابع غیرخطی بر روی ثبات‌های انتقال، پیچیدگی خطی بسیار بالاتر می‌رود. از طرفی با به کار بردن کلاک روی LFSRهای یک رمز جریانی، می‌توان دنباله کلید را نیز غیرخطی کرده و پیچیدگی دنباله را به مراتب بیشتر کرد. مزیت به کار بردن کلاک نامنظم، علاوه بر این که باعث پیچیدگی خطی بالاتر می‌شوند، در مقابل حملات همبستگی مقاوم هستند؛ ولی در مقابل حملات کانال جانبی مقاوم نیستند؛ به همین دلیل از سال ۲۰۰۴ به بعد جانسن [۱] سعی کرد راهی بیابد که علاوه بر داشتن مزیت کلاک نامنظم، مشکل آن را حل کند که در همین راستا مسئله پرش^۱ را عنوان کرد و باعث شد رمزهای جریانی در مقابل حملات کانال جانبی نیز مقاوم باشند.

رمزهای جریانی کاربردهای فراوانی در بسترهای سخت‌افزاری و نرافزاری دارند و به طور کلی روش‌های بسیاری برای طراحی رمزکننده‌های جریانی وجود دارد. یک روش معمول، به کار بردن یک رمزکننده قالبی در حالت‌های بازگشتی مانند سبک عملکرد OFB است. بسیاری از رمزکننده‌های جریانی بر اساس ثبات‌های انتقال پیشنهاد شده‌اند که به دو صورت، با پس‌خورد غیرخطی (NLFSR) و ثبات انتقال با پس‌خورد خطی (LFSR) ساخته می‌شوند. این در حالی است که مولدهای مبتنی بر LFSR، دارای خواص آماری مناسب و پیاده‌سازی سخت‌افزاری آسانی هستند. رمزکننده‌های جریانی مبتنی بر LFSR دارای اصول طراحی متفاوتی هستند که می‌توان برای به دست آوردن رمزکننده‌های پیچیده‌تر و ایمن‌تر، ترکیبی از آن‌ها را به کار

^۱ Jumping

خاصیت مهمی که در رمزکننده‌های جریانی وجود دارد، دوره تناوب بالای آن‌ها بوده که در بهترین حالت برای یک دنباله L بیتی دوره تناوب $2^L - 1$ به دست می‌آید. بنابراین برای تولید دنباله‌هایی با دوره تناوب‌های بیشتر به بررسی تابع تی^۱ پرداخته که حداکثر دوره تناوب را دارد. از برتری‌های دیگر تابع تی آن است که عملیات معکوس آن بسیار سخت بوده و این برتری، مهم‌ترین برتری توابع تی نسبت به LFSRها است.

در این مقاله سعی شده با حفظ دوره تناوب بالا، به نحوی پلی بین پرش و تابع تی برقرار شود که دارای پیچیدگی مناسبی نیز باشد. از این رو بخش ۲، پس از بیان مباحث اولیه در رمزنگاری، به تفصیل به بررسی توابع تی و تعاریف آن پرداخته شده و در بخش ۳ مباحث مربوط به پرش، عنوان شده است. در بخش ۴ با ارائه نگاشتی از یک تابع تی، ارتباط بین آن و پرش را مطرح کرده و کران پایینی برای دوره تناوب ارائه می‌شود. در بخش ۵ نیز نتیجه‌گیری از مقاله ارائه شده است.

۲- توابع تی

هرم ابزارهای رمزنگاری را می‌توان به این صورت در نظر گرفت که پایین‌ترین سطح را اجزای سازنده الگوریتم‌های رمزنگاری تشکیل می‌دهند، که از آن به عنوان Primitive یاد می‌شود. سطح بالاتر آن الگوریتم‌های رمزنگاری هستند، مانند الگوریتم رمز RSA و AES. بالاترین سطح از هرم را پروتکل‌های رمزنگاری، مانند پروتکل ارسال یک پیام خصوصی از شخصی به شخص دیگر از طریق کانال ارتباطی مورد نظر تشکیل می‌دهند. به عبارت دیگر با ترکیبی از اجزای اولیه، الگوریتم‌های رمزنگاری طراحی شده و با استفاده از الگوریتم‌های رمزنگاری، پروتکل‌های رمزنگاری تولید می‌شوند. می‌توان گفت دو رویکرد اصلی برای طراحی الگوریتم‌های رمزنگاری وجود دارد؛ در رویکرد نخست سعی شده تنها اجزای اولیه‌های ساده (مانند LFSRها در رمزهای دنباله‌ای، و S-Boxها و P-Boxها در رمزهای قالبی و توابع درهم‌ساز) را با درک فهم خوبی به کار برده و همچنین قضایای ریاضی در رابطه با خواص رمزنگاری آن‌ها ثابت شود و در رویکرد دیگر نیز ترکیبی از عملیات مورد استفاده قرار داده شده است، به طوری که تنوعی از روش‌های غیرجبری و غیرخطی آمیخته می‌شوند؛ امید به این که نه طراح و نه

حمله‌کننده قادر نباشند رفتار ریاضی طرح را تحلیل کنند. علاوه بر این که اثبات‌هایی نیز برای امنیت آن‌ها وجود دارد. لازم به ذکر است که طراحی الگوریتم‌های رمز با کلید مخفی اغلب از رویکرد دوم استفاده می‌شود. در این بخش دسته‌ای از توابع تی تعریف شده که شامل ترکیب‌های دلخواهی از عملیات جمع، تفریق، ضرب، or، and و جمع دودویی روی کلمات n بیتی هستند.

توابع تی نخستین بار توسط الکساندر کلیموف^۲ تحت نظارت ادی شامیر^۳ در سال ۲۰۰۲ با محوریت "طبقه جدیدی از نگاشت‌های وارون‌پذیر" [6] معرفی شد. با توجه به تعریف این توابع، می‌توان آن‌ها را در طراحی اجزای اولیه رمزهای متقارن استفاده کرد. از جمله طرح‌هایی که مبتنی بر توابع تی بوده می‌توان به ABC (در سال ۲۰۰۵ توسط والدیمیر آناشین^۴ و همکارانش) [7,12] و TSC (در سال ۲۰۰۵ توسط هانگ^۵ و همکارانش) در نسخه‌های TSC-1، TSC-2 و TSC-3 [8] که خانواده‌ای از توابع تی مبتنی بر SBox است، اشاره کرد. Mir-1 (ساختاری مبتنی بر T-function و استفاده از SBox) [13] و Vest (ساختاری مبتنی بر NLFSR، SPN و T-function) [14] نیز از دیگر طرح‌هایی است که مبتنی بر توابع تی ارائه شده. به منظور آشنایی بیشتر، در بخش ۲-۱ خلاصه‌ای از الگوریتم‌های مذکور تشریح می‌شود.

فرض کنید $B^n = \{(x_{n-1}, K, x_0) | x_i \in B\}$ یک مجموعه n تایی از عناصر $B = \{0,1\}$ باشند. در این صورت یک عنصر B یک بیت و یک عنصر B^n یک کلمه n بیتی نامیده می‌شود، به طوری که یک عنصر x از B^n به صورت $(x_0, x_1, \dots, x_{n-1})$ نمایش داده شده و هر بیت x_{i-1} ، بیت شماره i ام از کلمه x نامیده می‌شود. بنابراین x_0 را کم‌ارزش‌ترین بیت x و x_{n-1} را پر ارزش‌ترین بیت x گویند. همان‌طور که بیان شد کلمه x برای نمایش بردار n بیتی $B^n \in (x_0, x_1, \dots, x_{n-1})$ بیان می‌شود که می‌توان با استفاده از تابع تبدیل $x \leftrightarrow \sum_{i=0}^{n-1} 2^i [x]_i$ به پیمانه 2^n به این نمایش دست یافت.

² Alexander Klimov

³ Adi Shamir

⁴ Vladimir Anashin

⁵ Hong

¹ T-Function

$$\begin{aligned} & (x_0, x_1, x_2) \\ & \times \frac{(x_0, x_1, x_2) \bmod 2^3}{(x_0, x_1, x_2)} \\ & \oplus (x_0, x_1, x_2) \\ & \oplus (x_0, x_1, x_2) \end{aligned}$$

مثال ۳. با توجه به دو مثال بالا، می‌توان از نگاشت‌های $x \rightarrow (x \oplus x^2) + (x \wedge (3x \oplus 5)) \vee (x - 1)$ و $x \rightarrow x \wedge x^2$ به عنوان یک تابع تی نام برد. لازم به ذکر است، علامات ۸، ۹ و $\vee$ به ترتیب نشان‌دهنده عطف بیتی، یای منطقی و انتقال به چپ بیتی هستند. باید خاطر نشان کرد که انتقال بیتی به سمت راست یعنی $\geq$ ($\gg$) خاصیت تابع تی ندارد.

تعریف ۲. یک نگاشت $\phi: B^k \rightarrow B^k$ معکوس‌پذیر است اگر داشته باشیم $\phi(x) = \phi(y)$ اگر و تنها اگر $x = y$. بنابراین باید بررسی شود که یک تابع تی داده شده، معکوس‌پذیر است یا نه. در ادامه به قضایایی در ارتباط با نگاشت‌های معکوس‌پذیر پرداخته می‌شود.

مثال ۴. نگاشت‌های یک متغیره $x \rightarrow x + 2x^2$ ، $x \rightarrow x + (x^2 \vee 1)$ ، $x \rightarrow x + (x^2 \wedge 1)$ ، $x \rightarrow x + x^2$ و لی نگاشت‌های $x \rightarrow x + (x^2 \vee 1)$ ، $x \rightarrow x + (x^2 \wedge 1)$ معکوس‌ناپذیرند. برای نمونه معکوس‌پذیری نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \vee 1)$ و معکوس‌ناپذیری نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \wedge 1)$ بررسی می‌شود. معکوس‌پذیری و معکوس‌ناپذیری بقیه نگاشت‌ها به روش مشابه ثابت می‌شوند. در حالت یک بیتی برای نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \vee 1)$ نتیجه می‌شود:

$$\forall x \in \{0, 1\}: x^2 \vee 1 = 1, \forall y \in \{0, 1\}: y^2 \vee 1 = 1 \Rightarrow x + (x^2 \vee 1) = y + (y^2 \vee 1) \Rightarrow x + 1 = y + 1 \Rightarrow x = y$$

با توجه به تعریف ۲ به روشنی نگاشت بالا معکوس‌پذیر است. برای نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \wedge 1)$ در حالت یک بیتی نیز می‌توان بررسی کرد که:

تعریف ۱. تابع f از $B^{m \times n}$ به $B^{l \times n}$ یک تابع تی نامیده می‌شود، اگر i امین ستون از خروجی $[f(x)]_{i-1}$ تنها به i ستون نخست از ورودی‌های $[x]_0, \dots, [x]_{i-1}$ بستگی داشته باشد، به عبارت دیگر:

$$\begin{pmatrix} [x]_0 \\ [x]_1 \\ [x]_2 \\ \vdots \\ M \\ [x]_{n-1} \end{pmatrix}^T \rightarrow \begin{pmatrix} f_0([x]_0) \\ f_1([x]_0, [x]_1) \\ f_2([x]_0, [x]_1, [x]_2) \\ \vdots \\ M \\ f_{n-1}([x]_0, \dots, [x]_{n-2}, [x]_{n-1}) \end{pmatrix}^T$$

و به بیان دیگر هر بیت i از خروجی‌ها برای $i < n$ می‌تواند تنها به بیت‌های $0, \dots, i$ از ورودی‌ها وابسته باشد. درواقع نگاشت m کلمه به l کلمه است که هر کدام n بیتی‌اند و هر بیت خروجی به خودش و بیت‌های قبلی وابسته است [2]. در تعریف بالا، نگاشت یک کلمه n بیتی به یک کلمه n بیتی منظور شده است.

مثال ۱. $x + 1$ یک تابع تی است؛ زیرا:

$$(x_0, x_1, x_2) + (0, 0, 1) = (x_0 \oplus x_1, x_1 \oplus x_2, x_2 \oplus 1)$$

همان طور که مشخص است، بیت نخست $x_0 + 1$ بوده که کم‌ارزش‌ترین بیت می‌باشد. بیت دوم به حاصل جمع بیت اول وابسته است؛ لذا x_1 فقط با x_0 که مجهول است، جمع می‌شود و همچنین برای بیت سوم، x_2 با ترکیب x_1 و x_0 جمع دودویی می‌شود. نمایش تعریف ۱ را برای این مثال می‌توان در زیر مشاهده کرد.

$$\begin{pmatrix} [x]_0 \\ [x]_1 \\ [x]_2 \\ \vdots \\ M \end{pmatrix}^T \rightarrow \begin{pmatrix} [x]_0 \oplus 1 & \oplus [x]_1 \\ [x]_0 \oplus [x]_1 & \oplus [x]_2 \\ [x]_0 \oplus [x]_1 \oplus [x]_2 & \oplus [x]_3 \\ \vdots & \vdots \end{pmatrix}^T$$

مثال ۲. $x \oplus x^2$ یک تابع تی است. این مثال برای

$$x = (x_0, x_1, x_2) \text{ و } n = 3 \text{ بررسی می‌شود.}$$

$$\begin{aligned} x \oplus x^2 &= (x_0, x_1, x_2) \oplus (x_0, x_1, x_2)^2 \\ &= (x_0, x_1, x_2) \oplus (x_0 \oplus x_1, x_1 \oplus x_2, x_2 \oplus 1) \\ &= (x_0 \oplus x_1, x_1 \oplus x_2, x_2 \oplus 1) \end{aligned}$$

به‌طوری‌که $(x_0, x_1, x_2)^2$ به صورت زیر محاسبه می‌شود و همان طور که مشخص است هر کدام از بیت‌های حاصل با احتساب بیت نقلی به بیت‌های قبلی بستگی دارد.

$$\begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \oplus (s \wedge x_0) \\ x_2 \oplus (s \wedge x_0 \wedge x_1) \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 2x_1x_2 \\ 2x_2x_0 \\ 2x_0x_1 \end{pmatrix}$$

می‌توان گفت هر تابع تی معکوس‌پذیر، یک تک‌دور ندارد؛ یعنی می‌توان تابع تی معکوس‌پذیری یافت که یک تک‌دور تشکیل نمی‌دهد؛ مانند تابع تی $x + (x^2 \vee 1) \bmod 2^n$.

قضیه ۱. نگاشت $x \rightarrow x + C \pmod{2^n}$ یک نگاشت تک‌دور است اگر و تنها اگر C فرد باشد [3].

قضیه ۲. فرض کنید N_0 طوری باشد که نگاشت $x \rightarrow x \oplus r(x)$ یک تک‌دور به پیمانه 2^{N_0} تعریف شود. این نگاشت تک‌دوری به پیمانه 2^n برای همه n ها تعریف می‌شود؛ اگر و تنها اگر برای همه $n \geq N_0$ تابع $r(x)$ یک پارامتر فرد باشد [3].

قضیه ۳. تابع تی $f(x) = x + (x^2 \vee C) \bmod 2^n$ مفروض است [4]. می‌توان برای این تابع ثابت کرد که اگر $[C]_0 = 1$ در این صورت f معکوس‌پذیر است. همچنین یک نگاشت تک‌دور است؛ اگر و تنها اگر $[C]_1 = 1$.

قضیه ۴. فرض کنید S یک Sbox تک دور و α یک پارامتر فرد باشند. اگر S^0 توان فردی از S و S^e توان زوجی از S باشند، آنگاه نگاشت $T(X) = (\alpha(X).S^0(X)) \oplus ((\sim \alpha(X).S^e(X)))$ یک تابع تی تک‌دور تعریف می‌شود. برای فهم بهتر، نگاشت T را می‌توان به صورت زیر نشان داد.

$$[T(X)]_i = \begin{cases} S^e([X]_i), & [\alpha(X)]_i = 0 \\ S^0([X]_i), & [\alpha(X)]_i = 1 \end{cases}$$

لم ۱. فرض کنید S یک Sbox تک‌دور و α یک پارامتر فرد باشند. نگاشت $X \rightarrow X \oplus (\alpha(X).S(X))$ یک تابع تی تک‌دور تعریف می‌کند.

۲-۱- خلاصه‌ای از الگوریتم‌های مبتنی بر توابع تی

همان‌طور که در بخش ۲ به آن اشاره شد، برخی از الگوریتم‌های رمز جریانی مبتنی بر توابع تی مطرح شد، که در زیر به برخی از آنها به اختصار اشاره می‌شود.

$$\forall x \in \{0,1\} : x = x^2 \wedge 1 \in \{0,1\},$$

$$\forall y \in \{0,1\} : y = y^2 \wedge 1 \in \{0,1\}:$$

$$x + (x^2 \wedge 1) = y + (y^2 \wedge 1) \Rightarrow 2x = 2y$$

حالا چون $2 \times 1 = 2 \bmod 2 = 0$ و نیز $2 \times 0 = 0 \bmod 2 = 0$. بنابراین با توجه به تعریف ۲ به روشنی نگاشت بالا معکوس‌ناپذیر است.

تعریف ۳. نگاشتی که گراف مرتبط به آن با یک تک‌دور ایزومورف است، نگاشت تک‌دور نامیده می‌شود. به عبارتی نگاشت $x \rightarrow \phi(x)$ یک نگاشت تک‌دور نامیده می‌شود [2] اگر دنباله به وسیله تکرار $x_0, x_1 = \phi(x_0), \dots, x_r = \phi(x_{r-1}) = \phi(\phi(x_0))$ تناوبی به اندازه 2^n دارد، که این مقدار، دوره تناوب ممکن بیشینه برای کلمات n بیتی است.

می‌توان نشان داد نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \vee 5) \bmod 2^n$ یک نگاشت تک‌دور برای هر اندازه کلمه n است؛ درحالی‌که نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \vee 1) \bmod 2^n$ این چنین نیست. همچنین می‌توان نگاشتی با m متغیر n بیتی ساخت که یک تک‌دور بیشینه‌شده از اندازه 2^{mn} دارد.

مثال ۵. نگاشت یک متغیره $x \rightarrow x + (x^2 \vee 5) \bmod 2^n$ یک نگاشت تک‌دور تعریف می‌شود. زیرا با فرض انتخاب $x=1$ و $n=3$ (به طور دلخواه) می‌توان دید بعد از هشت بار تکرار، نگاشت به $x=1$ برمی‌گردد. روند تغییرات x به صورت زیر است:

$$x = 1 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 0 \rightarrow 5 \rightarrow 2 \rightarrow 7 \rightarrow 4 \rightarrow 1$$

همان‌طور که مشخص است دوره تناوب نگاشت بالا برابر 2^3 بوده که حداکثر دوره تناوب آن است.

مثال ۶. نگاشت سه متغیره زیر یک نگاشت تک‌دور است به طوری که داریم:

$$s = ((x_0 \wedge x_1 \wedge x_2) - 1) \oplus (x_0 \wedge x_1 \wedge x_2)$$

انتخاب $\begin{pmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ و $n=3$ (به طور دلخواه) پس از 2^3 بار تکرار، نگاشت به حات اولیه برمی‌گردد.

¹ Single Cycle

۲-۱-۱- الگوریتم رمز TSC

در این بخش الگوریتمی بر اساس قضیه ۴ در بخش قبل، توصیف می‌شود. خانواده جدیدی از الگوریتم‌های رمز جریانی مبتنی بر توابع تی در سال ۲۰۰۵ توسط هانگ و همکارانش ارائه شد.

الگوریتم TSC-1 از چهار کلمه ۳۲ بیتی x_1, x_2, x_3, x_4 تشکیل شده است. در این الگوریتم، از پارامتر فردی به صورت $\alpha(X) = (p+C) \oplus p \oplus 2s$ استفاده شده است، که $C = 0x12488421$ ، $p = x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4$ و $s = x_1 + x_2 + x_3 + x_4$ باید توجه داشت که تمامی جمع‌ها به پیمانه 2^{32} انجام می‌شوند.

با تعریف یک Sbox، 4×4 تک‌دور می‌توان بررسی کرد که $S^0 = S$ و $S^e = S^2$ برقرار است. این به صورت زیر تعریف شده است:

$$S_1[16] = \{3, 5, 9, 13, 1, 6, 11, 15, 4, 0, 8, 14, 10, 7, 2, 12\}$$

بنابراین می‌توان یک تابع تی تک دور با استفاده از قضیه ۴ تعریف کرد. لازم به ذکر است فیلتر الگوریتم TSC-1 به صورت $f(x) = (x_{0 \lll 1} + x_1)_{\lll 15} + (x_{2 \lll 7} + x_3)_{\lll 23}$ تعریف شده است، که در پایان ۳۲ بیت خروجی حاصل می‌شود.

الگوریتم TSC-2 به‌طور کامل مشابه الگوریتم TSC-1 بوده و از یک Sbox، 4×4 تک‌دور به‌صورت زیر استفاده کرده است.

$$S_2[16] = \{5, 2, 11, 12, 13, 4, 3, 14, 15, 8, 1, 6, 7, 10, 9, 0\}$$

پارامتر فردی که در این الگوریتم به کار برده می‌شود، به صورت $\alpha(X) = (p+1) \oplus p \oplus 2s$ و فیلتر تعریف شده به شکل زیر استفاده می‌شود.

$$f_2(x) = (x_{0 \lll 1} + x_1)_{\lll 14} + (x_{2 \lll 13} + x_3)_{\lll 22} + (x_{4 \lll 12} + x_5)_{\lll 20}$$

در سال ۲۰۰۵، هانگ و همکارانش در رقابت ECRYPT رمز جریانی TSC-3 را ارائه کردند [8]. این الگوریتم از چهار کلمه و هر کدام با اندازه ۴۸ بیت استفاده می‌کند. این طرح، معماری مبتنی بر الگوریتم‌های ۳۲ بیتی قبلی خود را تغییر داده و قاعدتاً به‌منظور پیاده‌سازی سخت‌افزاری طراحی شده است؛ به‌علاوه، اندازه حالت این طرح به ۱۶۰ بیت افزایش یافته است. لذا سطح امنیتی 2^{80}

برای آن جهت مقابله با حملاتی از جمله TMTO^۱ مورد انتظار است. هر لایه به‌وسیله Sboxهایی به‌روز می‌شوند که پیچیدگی آن نسبت به دو الگوریتم قبلی خانواده خود بیشتر است. پارامتر از دو کلمه p_1 و p_2 ساخته می‌شود به‌طوری‌که برای لایه نام مقدار زیر محاسبه می‌شود.

$$tmp = 2 \times [p_1]_i + [p_2]_i \in \{0, 3\}$$

بر اساس مقدار tmp ، $[X]_i$ با استفاده از S^0, S^2, S^5 یا S^6 به‌روز می‌شود، به‌طوری‌که همان Sbox الگوریتم TSC-1 می‌باشد. تابع فیلتر TSC-3 بدین صورت به‌روز می‌شود که چهار متغیر ۳۲ بیتی y_i به‌نحوی برقرار می‌شوند، که هشت بیت کم ارزش از هر کدام از کلمات ۴۸ بیتی x_i حذف می‌شوند؛ سپس y_i ها بسته به مقدار کم‌ارزش‌ترین لایه حالت یعنی $[X]_0$ ، جایگشت داده می‌شوند. بنابراین شانزده جایگشت ممکن وجود خواهد داشت و تابع خروجی به‌صورت زیر حاصل می‌شود:

$$f(y) = (y_{0 \lll 1} + y_1)_{\lll 2} \lll 8 + (y_{2 \lll 7} + y_3)_{\lll 9} \lll 24$$

۲-۱-۲- الگوریتم رمز ABC

ABC یک رمز جریانی همزمان^۲ بهینه شده برای کاربردهای نرم افزاری است. این الگوریتم با یک کلید ۱۲۸ بیتی و متغیرهای داخلی ۳۲ بیتی ارائه شده است. به همین دلیل از آن یک امنیت 2^{32} انتظار می‌رود. الگوریتم ABC از سه مولد اصلی A، B و C استفاده می‌کند. مولد A یک LFSR با طول ۱۲۸ که حالت‌های آن با z نشان داده شده‌اند. مولد B یک نگاشت تک‌دور مبتنی بر جمع حسابی در میدان $Z/2^{32}Z$ و جمع بیتی به پیمانه ۲ (xor) بوده و با متغیر x نشان داده می‌شود. مولد C نیز یک تابع فیلتر مبتنی بر جداول جستجو، جمع حسابی در میدان $Z/2^{32}Z$ و چرخش بیتی به سمت راست ($\gg$) است.

همان‌طور که گفته شد، A یک LFSR با طول ۱۲۸ بوده و چندجمله‌ای مشخصه آن برابر $\psi(\theta) = \theta^{127} + \theta^{63} + 1$ یک چندجمله‌ای اولیه است. ۳۲ بیت بعدی در یک مرتبه کلاک خوردن به‌صورت زیر به‌دست می‌آیند.

¹ Time Memory Data Trade Off

² Synchronous Stream Cipher

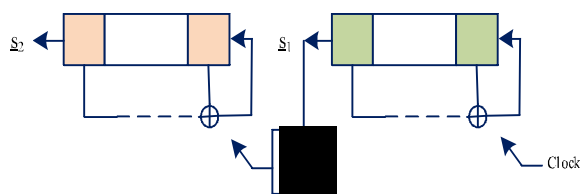
فتا
منادی
علی ترویجی
دو فصل نامہ

برای J های صحیح برقرار باشد، آن گاه J ، ضریب پرشی f^{-1} نامیده می شود [5].

پس با توجه به تعریف ۳ و مطالب ما قبل آن، اگر چنین توان لای موجود باشد و بردار حالت $_{-1}$ با A^{-1} یا $A + I$ ضرب شود، به نتیجه یکسانی خواهد رسید. به علاوه تغییر A به $A + I$ به طور عمومی ساده تر از تبدیل A به A^{-1} برای ماتریس انتقال دلخواه A است؛ لذا اگر $f(x)$ تحویل ناپذیر باشد، آنگاه A می تواند به عنوان ماتریس همراه $f(x)$ با به کار بردن ضرب ماتریسی مناسبی نوشته شود؛ به طوری که $A' = MAM^{-1}$ برقرار است. ماتریس های A و A' را ماتریس های مشابه نامند. توان های ماتریس همراه می تواند به عنوان نمایش همه عناصر میدان متناهی در نظر گرفته شوند.

لازم به ذکر است ضریب پرشی برای هر چند جمله ای تحویل ناپذیر، وجود ندارد؛ زیرا این مهم، بستگی به برقراری رابطه $x^J \equiv x + 1 \pmod{f(x)}$ دارد، یا به طور معادل رابطه $f(x) | (x^J + x + 1)$ برای برخی J ها برقرار باشد. به عبارت دیگر $J = +1$ ، که ریشه $f(x)$ است و بنابراین عنصری از میدان $GF(2^n)$ است. بنابراین معادل با عبارت های می توان گفت، مسئله، یافتن یک عنصر J در میدان متناهی $GF(2^n)$ است، به طوری که f تعریف چند جمله ای و $n = \deg(f)$ می باشند. عبارت $J = +1$ این مفهوم را می رساند که عنصری از $GF(2^n)$ بوده و با تغییر ماتریس انتقال LFSM از A به $A + I$ ، به طور مؤثر J گام از فضای حالت اصلی LFSM، صرف نظر از حالت ابتدایی ساخته می شود.

شکل زیر، نمایشی از یک مولد رمز جریانی با دو LFSR و به کار بردن کلاک نامنظم است.



(شکل-۳): مولد دنباله LFSR با کلاک نامنظم

است که در رابطه $F(x) = \sum_{i=0}^n c_i x^i$ مشهود است. مرتبه

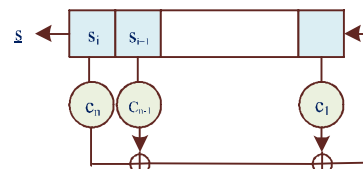
n م بازگشتی خطی به طور معمول توسط چند جمله ای بازگشتی آن، $C(x)$ ، ارائه می شود که از درجه n با رابطه

$$C(x) = \sum_{i=0}^n c_i x^{n-i}$$

LFSR را به عنوان یک ماشین حالت متناهی خطی می توان در نظر گرفت. در این حالت، حالتی از LFSM با یک بردار $t = (t_0, t_1, \dots, t_{n-1})$ نمایش داده می شود؛ به طوری که t_i محتوای سلول حافظه M_i بعد از انتقال t را مشخص می کند. انتقال ها از یک حالت به حالت بعدی توسط یک ضرب بردار حالت با یک ماتریس انتقال T توصیف می شود؛ یعنی برای $t \geq 0$ ، رابطه $t_{+1} = t \cdot T$ صادق است. ماتریس انتقال برای یک LFSR با نمایش زیر

$$T = \begin{pmatrix} 0 & 0 & \dots & 0 & c_n \\ 1 & 0 & \dots & 0 & c_{n-1} \\ 0 & 1 & \dots & 0 & c_{n-2} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 1 & c_1 \end{pmatrix}$$

به صورت مشخص شده است.



(شکل-۲): نمایش یک LFSR با n تب

ماتریس بالا، ماتریس همراه چند جمله ای $C(x) = x^n - c_1 x^{n-1} - \dots - c_{n-1} x - c_n$ نامیده می شود. چند جمله ای بازگشتی T در مفهوم جبر خطی یعنی $C(x) = \det(xI - T)$ ، به طور دقیق برابر این چند جمله ای است و در نتیجه $C(T) = 0$. بنابراین ماتریس همراه بالا نقش یک ریشه C را بازی می کند و به طور متوالی می تواند برای تشکیل حل معادلات بازگشتی به کار رود.

تعریف ۳. فرض کنید $f(x)$ یک چند جمله ای تحویل ناپذیر روی $GF(2)$ باشد. اگر $x^J \equiv x + 1 \pmod{f(x)}$

¹ Jump Index

در بخش زیر الگوریتم Mickey تشریح شده که از ضریب پرش استفاده کرده است.

۳-۱-۱- الگوریتم رمز Mickey

الگوریتم Mickey به منظور کاربردهای سختافزاری طراحی شده است و برای مولدهای دنباله کلید با کلاک نامنظم دو جانبه استفاده می شود.

Mickey دو پارامتر ورودی کلید و IV می گیرد. کلید استفاده شده در رمز Mickey برابر هشتاد بیت بوده که با k_0, K, k_{79} نشان داده می شود. مقدار IV نیز طولی بین صفر تا هشتاد بیت دارند که با $iv_0, K, iv_{|LENGTH-1}$ نشان داده می شود. خروجی دنباله کلید با z_0, z_1, K نشان داده شده و در نهایت متن رمز شده با جمع دودویی بیت های دنباله کلید حاصل و متن اصلی به دست خواهد آمد؛ اما مولد دنباله کلید از دو ثابت R و S ساخته شده، به طوری که هر ثابت شامل هشتاد شبکه یک بیتی است. ثابت های R با r_0, K, r_{79} و ثابت های S با s_0, K, s_{79} برچسب گذاری می شوند. در اینجا ثابت R به عنوان ثابت خطی و ثابت S، ثابت غیرخطی فرض می شود.

به منظور کلاک ثابت R، مجموعه RTAPS به صورت زیر تعریف می شود:

$$\{0, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 13, 14, 16, 17, 20, 22, 24, 26, 27, 28, 34, 35, 37, 39, 41, 43, 49, 51, 52, 54, 56, 62, 67, 69, 71, 73, 76, 78, 79\}$$

حالا یک عمل کلاک
 $CLOCK_R(R_INPUT_BIT_R, CONTROL_BIT_R)$ به صورت زیر تعریف می شود:

با فرض اینکه r_0, K, r_{79} حالت ثابت R قبل از عمل کلاک و r'_0, K, r'_{79} بعد از عمل کلاک باشد، روابط زیر صادق هستند:

$$\begin{aligned} FEEDBACK_BIT &= r_{79} \oplus INPUT_BIT_R \\ \text{FOR } 1 \leq i \leq 79, r'_i &= r_{i-1}; r'_0 = 0 \\ \text{FOR } 0 \leq i \leq 79, \text{ if } i \in RTAPS, r'_i &= r'_i \oplus FEEDBACK_BIT \\ \text{if } CONTROL_BIT_R = 1: \\ \text{FOR } 0 \leq i \leq 79, r'_i &= r'_i \oplus r_i \end{aligned}$$

همچنین به منظور کلاک ثابت S، چهار دنباله $FB_{0,0}, K, FB_{0,79}, COP_{1,0}, K, COP_{1,79}, COP_{0,0}, K, COP_{0,79}$ و $FB_{1,0}, K, FB_{1,79}$ به صورت جدولی در [11] تعریف می شوند.

حالا یک عمل کلاک
 $CLOCK_S(S_INPUT_BIT_S, CONTROL_BIT_S)$ به صورت زیر تعریف می شود:

LFSR نخست یک دنباله دودویی S_1 با دوره تناوب p_1 تولید می کند که با بعضی مقسوم علیه های از مرتبه $2^{L_1} - 1$ حالتی از یک چندجمله ای بازگشتی تحویل ناپذیر را خواهد ساخت، به طوری که L_1 طول LFSR است. این دنباله N_1 تا صفر و N_1 تا یک دربر دارد که برای کلاک خوردن LFSR دوم به کار برده می شود، یعنی LFSR دوم از طریق فضای حالت آن گام بر می دارد که وابسته به بیت های نتیجه دنباله، با گام خوردن آن، c_0 بار یا c_1 بار خواهد بود، اگر به ترتیب بیت خروجی یک 0 یا یک 1 باشد. تعداد کل (N_s) گام ها توسط LFSR دوم با چندجمله ای در یک دوره تناوبی از LFSR نخست ساخته شده است که در رابطه $N_s = N_{c_0} + N_{c_1}$ صدق می کند. فرض کنید LFSR دوم چندجمله ای بازگشتی تحویل ناپذیری دارد، از این جهت یک شرط ضروری در دنباله خروجی S_2 از LFSR دوم برای داشتن دوره تناوب بیشینه شده p_2 باید $\gcd(N_s, p_2) = 1$ باشد که یک شرط کافی نیز است.

LFSR های به طول L ، دوره تناوبی به اندازه $2^L - 1$ دارند. در این حالت تعداد صفرها و یک ها با $N_0 = \frac{p-1}{2}$ و $N_1 = \frac{p+1}{2}$ داده شده است. با توجه به اینکه حالت تماماً صفر اتفاق نمی افتد، دست کم مقدار اختلاف تعداد صفرها و یک ها اندازه یک واحد خواهیم داشت. بنابراین تعداد کل گام ها با رابطه $N_s = c_0 p + (c_1 - c_0) 2^{L-1}$ بیان شده است. در نتیجه، اگر LFSR دوم با یک دوره تناوب p_2 برابر p ، (یا یکی از مقسوم های آن) داشته باشد، آن گاه شرط ضروری برای دوره تناوب بیشینه S_2 با رابطه $\gcd(N_s, p_2) = \gcd(c_1 - c_0, p) = 1$ به دست می آید. در حالت خاصی که LFSR های پرشی به کار می روند، یک گام یا یک پرش معادل با J گام از فضای حالت ساخته می شود که می توان شرط قبلی را به صورت $\gcd(J^*, p) = 1$ یا $\gcd(J-1, p) = 1$ بیان کرد که در آن $J^* = 1 - J \pmod{\text{per}(f)}$ ضریب پرشی چندجمله ای متقابل $f^*(x)$ یعنی $f(x)$ است. به عبارت دیگر ضریب پرشی چندجمله ای بازگشتی از LFSR پرشی بایستی نسبت به دوره تناوب آن، نخست باشد.

یکی از ویژگی‌های جالب در توابع
 $x \rightarrow x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$ آن است که دو تابع
 $x \rightarrow x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$ و $x \rightarrow x + (x^2 \vee (\delta + 2^{n-1})) \bmod 2^n$
 دارای اختلاف 2^{n-1} است.

اثبات این مشاهده بسیار راحت است؛ زیرا اگر بیت
 پرارش x^2 برابر صفر باشد، اثبات مطلب بالا مشخص است؛
 ولی اگر بیت پرارش x^2 برابر ۱ باشد، حاصل جمع به بیت
 $1n$ رفته و با توجه به پیمانه 2^n ، این بیت حذف شده و
 اختلاف همان مقدار 2^{n-1} خواهد بود.

نکته مهم دیگری که برای همه توابع تی با دوره
 تناوب 2^n و در پیمانه 2^n برقرار است و ازجمله در تابع
 $f(x) = x + (x^2 \vee (\delta + 2^{n-1})) \bmod 2^n$ می‌توان بیان کرد، آن
 است که تساوی رابطه $f^{2^{n-1}}(x) = (x + 2^{n-1}) \bmod 2^n$
 برقرار می‌باشد. دلیل این تساوی آن است که می‌دانیم
 $f^{2^{n-1}}(x) = x$ حال اگر فرض کنیم
 در این صورت رابطه

$$x = f^{2^{n-1}}(f^{2^{n-1}}(x)) = (f^{2^{n-1}}(x) + 2^{n-1}) \bmod 2^n$$

$$= (x + 2^{n-1} + 2^{n-1}) \bmod 2^n = x$$

 برقرار است. البته با توجه به استقرا باید برای یک نقطه اولیه
 تأییدکننده باشد و درنهایت، برای هر تابع f باید این امر
 تحقیق شود. بر اساس دو نکته بالا لم زیر به راحتی اثبات
 می‌شود.

لم ۱. اگر $f(x) = x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$ در این صورت
 $f^{2^{n-1}+1}(x) = x + (x^2 \vee (\delta + 2^{n-1})) \bmod 2^n$

قضیه ۴. فرض کنید نگاشت به صورت:

$x \rightarrow x + (x^2 \vee (\delta + a)) \bmod 2^n$ به طوری که
 یک بیت تصادفی تعیین کند که a برابر صفر و یا 2^{n-1} باشد؛
 در این صورت دوره تناوب تابع فوق حداقل برابر 2^{n-1} است.
اثبات:

با توجه به اینکه اگر تابع $x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$
 انتخاب شود، میزان پرش به اندازه ۱ و اگر تابع
 $x + (x^2 \vee (\delta + 2^{n-1})) \bmod 2^n$ انتخاب شود میزان پرش برابر
 $c = 2^{n-1} + 1$ نسبت به نگاشت $x \rightarrow x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$
 خواهد بود. دلیل برقراری مقدار c طبق لم ۱ مشخص است.
 در این صورت برای پیدا کردن دوره تناوب این تابع
 فرض کنیم که t بار پرش به میزان یک و s بار پرش به اندازه

با فرض اینکه s, K, s_{vq} حالت ثابت S قبل از عمل
 کلاک و s'_q, K, s'_{vq} بعد از عمل کلاک باشد، و نیز از
 s, K, s_{vq} به عنوان متغیرهای میانی برای سادگی توصیف
 استفاده شود، روابط زیر صادق هستند:

$FEEDBACK_BIT = s_{vq} \oplus INPUT_BIT_S$
 $FOR 1 \leq i \leq vq, \hat{s}_i = s_{i-1} \oplus$
 $((s_i \oplus COMP_{o_i}).(s_{i+1} \oplus COMP_{i_i})); \hat{s}_0 = 0; \hat{s}_{vq} = s_{vq}$
 $if CONTROL_BIT_S = 0:$
 $FOR 0 \leq i \leq vq, s'_i = \hat{s}_i \oplus (FB_{o_i}, FEEDBACK_BIT)$
 $if CONTROL_BIT_S = 1:$
 $FOR 0 \leq i \leq vq, s'_i = \hat{s}_i \oplus (FB_{i_i}, FEEDBACK_BIT)$

پس از بیان توابع ثابت‌ها، یک کلاک مولد به نام
 $CLOCK_KG(R, S, MIXING, INPUT_BIT)$ به صورت زیر تعریف
 می‌شود:

$CONTROL_BIT_R = s_{vq} \oplus r_{vq}$
 $CONTROL_BIT_S = s_{vq} \oplus r_{vq}$
 $if MIXING = TRUE: INPUT_BIT_R = INPUT_BIT \oplus s_{vq}$
 $if MIXING = FALSE: INPUT_BIT_R = INPUT_BIT$
 $CLOCK_R(R, INPUT_BIT_R, CONTROL_BIT_R)$
 $CLOCK_S(S, INPUT_BIT_S, CONTROL_BIT_S)$

برای توصیف بیشتر الگوریتم به [11] رجوع شود.
 همچنین از الگوریتم Pomaranch به عنوان الگوریتم‌های
 مبتنی بر توابع تی یاد شد که می‌توان به [10] رجوع کرد.

۴- ارتباط بین توابع تی و پرش

قضیه ۳. فرض کنید تابع $f: Z_{2^n} \rightarrow Z_{2^n}$ یک تابع تی
 دوسویه^۱ باشد. در این صورت تابع $f^i: Z_{2^n} \rightarrow Z_{2^n}$ با
 ضابطه $f^i(x) = \begin{cases} x & \text{if } i = 0 \\ f(f^{i-1}(x)) & \text{if } i > 1 \end{cases}$ برای هر i یک
 تابع تی دوسویه خواهد بود [4].

هدف اصلی این مقاله با ذکر این قضیه بیان خواهد
 شد که پرش در توابع تی است. از توابع یک‌متغیره‌ای که
 دارای دوره تناوب بیشینه است، می‌توان تابع
 $x \rightarrow x + (x^2 \vee \delta) \bmod 2^n$ را نام برد.

¹ Bijective

۶-منابع

- [1] Jansen, C.J.A : Streamcipher design: Make your LFSRs jump! In The State of the Art of Stream Ciphers, Workshop Record, ECRYPT Network of Excellence in Cryptology (2004), pp. 94–108 <http://www.ecrypt.eu.org/stvl/sasc/sasc-record.zip>.
- [2] A. Klimov and A. Shamir : Applications of T-functions in Cryptography ,PHD Thesis, Weizmann Institute of Science, 2005.
- [3] A. Klimov and A. Shamir, New Cryptographic Primitives Based on Multiword T-functions, FSE (Fast Software Encryption) 2004, LNCS 3017, Springer-Verlag, pp. 1–15.
- [4] Min Surp Rhee : on a Characterization of T-Functions with one Cycle Property, JOURNAL OF THE CHUNGCHONG MATHEMATICAL SOCIETY Volume 21, No. 2, June 2008, pp. 259-268.
- [5] Cees J.A. Jansen : Stream Cipher Design based on Jumping Finite State Machines, <http://eprint.iacr.org/2005/267>.
- [6] A Klimov and A. Shamir, A New Class of Invertible Mappings, CHES 2002, LNCS 2523, 470-483, 2003.
- [7] Vladimir Anashin, Andrey Bogdanov, Ilya Kizhvatov, and Sandeep Kumar, ABC: A new fast flexible stream cipher. eSTREAM, ECRYPT Stream Cipher Project, Report 2005/001, 2005. <http://www.ecrypt.eu.org/strea>.
- [8] J. Hong, D. Lee, Y. Yeom, D. Han, and S. Chee. T-function Based Stream Cipher TSC-3. ECRYPT Stream Cipher Project Report 2005/031, 2005, <http://www.ecrypt.eu.org/strea>.
- [9] J. Hong, D. Lee, Y. Yeom, and D. Han (2005). A New Class of Single Cycle T-functions. Fast Software Encryption, FSE 2005, LNCS 3557. Springer-Verlag. pp. 68–82.
- [10] C.J.A. Jansen, T. Hellese, and A. Kholosha, Cascade Jump Controlled Sequence Generator and Pomaranch Stream Cipher, LNCS 4986, pp. 224–243, 2008.
- [11] S. Babbage, M. Dodd, The MICKEY Stream Ciphers, LNCS 4986, pp. 191–209, 2008.
- [12] Vladimir Anashin, Andrey Bogdanov, Ilya Kizhvatov, and Sandeep Kumar. ABC: A new fast flexible stream cipher. Version 2, 2005. <http://crypto.rsuh.ru/papers/abc-spec-v2.pdf>.
- [13] Maximov, A.: A New Stream Cipher “Mir-1”. eSTREAM submission, 2005.
- [14] S ONeil, B. Gittins and H. Landman. VEST Hardware-Dedicated Stream Ciphers. Available at www.ecrypt.eu.org/stream/ciphers/vest/vest.pdf.

$2^{n-1} + 1$ باشد. در این صورت باید کوچکترین مقدار $s+t$ را به طوری پیدا کرد که

$$t + s(2^{n-1} + 1) = k \cdot 2^n$$

همچنین مقادیر s , t و $s+t$ باید مثبت باشند. در این صورت رابطه زیر به دست خواهد آمد:

$$t + s = k \cdot 2^n - s \cdot 2^{n-1} = k'(2^{n-1})$$

به این ترتیب می توان نشان داد که $s+t$ حداقل مقدار مثبتی که می تواند داشته باشد برابر 2^{n-1} است.

هرچند اثبات بالا برای توابع تی یک متغیره ارائه شد، می توان همین بحث را برای توابع تی n متغیره اثبات کرد. فرض کنیم رابطه

$(x_1, x_2, \dots, x_n) = f^{2^n}(x_1, x_2, \dots, x_n)$ صادق باشد، زیرا بعد از 2^n بار تکرار $f(x_1, x_2, \dots, x_n)$ به نتایجی $(x_1, x_2, \dots, x_n)$ خواهیم رسید و لذا روابط زیر به دست خواهند آمد:

$$\begin{aligned}(x_1, x_2, \dots, x_n) &= f^{2^n}(x_1, x_2, \dots, x_n) \\ &= f^{2^{n-1}}(f^{2^{n-1}}(x_1, x_2, \dots, x_n)) = f^{2^{n-1}}(x_1, x_2, \dots, x_n) + 2^{n-1} \\ &= (x_1, x_2, \dots, x_n) + 2^{n-1} + 2^{n-1} \pmod{2^n} = (x_1, x_2, \dots, x_n) \\ &\Rightarrow f^{2^{n-1}}(x_1, x_2, \dots, x_n) = (x_1, x_2, \dots, x_n) \\ &+ 2^n \Rightarrow (x_1, x_2, \dots, x_n) + \left((x_1, x_2, \dots, x_n) \vee \left((a_1, a_2, \dots, a_n) + 2^{n-1} \right) \right) \pmod{2^n}\end{aligned}$$

۵- نتیجه

در این مقاله پس از بیان کوتاهی از توابع تی، تشریح چند الگوریتم رمز مبتنی بر توابع تی، مفاهیم پرش و تشریح یک الگوریتم مبتنی بر پرش، یک ساختار پرش با استفاده از توابع تی ارائه شد. این ساختار دارای حد پایینی برای حداقل دوره تناوب است و همچنین از لحاظ پیاده سازی، عملیات اضافه ای ندارد و می تواند به عنوان یک ساختار اولیه مناسب در طراحی رمزهای جریانی آینده به کار رود. این ساختار به منظور طراحی یک مولد تصادفی بسیار مناسب است. داشتن بیشترین دوره تناوب بیشینه در یک دنباله L بیتی و مقاومت علیه حملات کانال جانبی به دلیل استفاده از پرش، علت مناسب تر بودن این ساختار نسبت به ساختارهای معمول است.



سید مهدی سجادیه مدارک
کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکترای
خود را از دانشگاه صنعتی اصفهان در
سال‌های ۸۲، ۸۴ و ۹۱ در رشته
مهندسی برق مخابرات کسب کرده است.

وی از سال ۱۳۹۰ تا کنون عضو هیات علمی دانشگاه آزاد
اسلامی واحد اصفهان (خوراسگان) است. زمینه پژوهش‌های
وی الگوریتم‌ها و پروتکل‌های رمزنگاری بویژه بررسی
رمزهای قالبی و دنباله‌ای است.



علی هادی پور مدرک کارشناسی را در
سال ۸۷ در رشته ریاضی محض از
دانشگاه پیام نور مرکز نطنز و
کارشناسی ارشد خود را در سال ۹۰ در
رشته ریاضی رمز از دانشگاه صنعتی

مالک اشتر کسب کرده است. وی از سال ۱۳۹۱ تا کنون در
یک مرکز تحقیقاتی مشغول به فعالیت بوده است. علایق
پژوهشی ایشان، پژوهش در زمینه طراحی الگوریتم‌های
رمزنگاری متقارن و نیز طراحی الگوریتم‌های پنهان‌نگاری
است.



راحله مراد عفیفی مدرک کارشناسی
را در سال ۸۵ در رشته ریاضی
کاربردی از دانشگاه صنعتی امیرکبیر و
کارشناسی ارشد خود را در سال ۹۰
در رشته ریاضی رمز از دانشگاه
صنعتی مالک اشتر کسب کرده است.

وی از سال ۱۳۹۳ تا کنون در دانشگاه غیرانتفاعی آل طه
مشغول به فعالیت بوده است. علایق پژوهشی ایشان، پژوهش
بر روی طراحی الگوریتم‌های رمزنگاری متقارن و نیز
تحقیقات بر روی کدینگ کانال می‌باشد.

